

Mecánica Clásica

Clase Teórica

Facultad de Ciencias Exactas, UNNE

27 de marzo de 2007



Contenido

- 1 Integrales y Derivadas en 2D
- 2 Leyes de Newton
- 3 Sistemas Inerciales de Referencia
- 4 Bibliografía



Velocidad \Rightarrow Desplazamiento

INTEGRALES

EJEMPLOS



Velocidad \Rightarrow Desplazamiento

INTEGRALES

EJEMPLOS

- Si $\vec{v}(t) = 2t \text{ m/s } \hat{i} - 3t^2 \text{ m/s } \hat{j}$



Velocidad \Rightarrow Desplazamiento

INTEGRALES

EJEMPLOS

- Si $\vec{v}(t) = 2t \text{ m/s } \hat{i} - 3t^2 \text{ m/s } \hat{j}$
- Encontrar la posición en función del tiempo, si:



Velocidad \Rightarrow Desplazamiento

INTEGRALES

EJEMPLOS

- Si $\vec{v}(t) = 2t \text{ m/s } \hat{i} - 3t^2 \text{ m/s } \hat{j}$
- Encontrar la posición en función del tiempo, si:
- parte desde la posición $\vec{r}_0 = (0, 2m)$



Velocidad \Rightarrow Desplazamiento

INTEGRALES

EJEMPLOS

- Si $\vec{v}(t) = 2t \text{ m/s } \hat{i} - 3t^2 \text{ m/s } \hat{j}$
- Encontrar la posición en función del tiempo, si:
- parte desde la posición $\vec{r}_0 = (0, 2m)$
- en el instante $t = 0,5s$ pasa por $\vec{r}_1 = -2m \hat{i}$



Velocidad \Rightarrow Aceleración

DERIVADAS

EJEMPLOS



Velocidad \Rightarrow Aceleración

DERIVADAS

EJEMPLOS

- Si $\vec{v}(t) = 2t \text{ m/s } \hat{i} - 3t^2 \text{ m/s } \hat{j}$



Velocidad \Rightarrow Aceleración

DERIVADAS

EJEMPLOS

- Si $\vec{v}(t) = 2t \text{ m/s } \hat{i} - 3t^2 \text{ m/s } \hat{j}$
- Encontrar la aceleración en función del tiempo.



Velocidad \Rightarrow Aceleración

DERIVADAS

EJEMPLOS

- Si $\vec{v}(t) = 2t \text{ m/s } \hat{i} - 3t^2 \text{ m/s } \hat{j}$
- Encontrar la aceleración en función del tiempo.
- Si $\vec{v}(t) = 2 \text{ m/s } \hat{i} - 9t \text{ m/s } \hat{j}$



Velocidad \Rightarrow Aceleración

DERIVADAS

EJEMPLOS

- Si $\vec{v}(t) = 2t \text{ m/s } \hat{i} - 3t^2 \text{ m/s } \hat{j}$
- Encontrar la aceleración en función del tiempo.
- Si $\vec{v}(t) = 2 \text{ m/s } \hat{i} - 9t \text{ m/s } \hat{j}$
- Encontrar la aceleración en función del tiempo.



Velocidad \Rightarrow Aceleración

DERIVADAS

EJEMPLOS

- Si $\vec{v}(t) = 2t \text{ m/s } \hat{i} - 3t^2 \text{ m/s } \hat{j}$
- Encontrar la aceleración en función del tiempo.
- Si $\vec{v}(t) = 2 \text{ m/s } \hat{i} - 9t \text{ m/s } \hat{j}$
- Encontrar la aceleración en función del tiempo.
- Describir el movimiento



MASA INERCIAL

- 1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos



MASA INERCIAL

- 1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos
- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$



MASA INERCIAL

1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$



MASA INERCIAL

1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$



MASA INERCIAL

1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$
- Relación que puede escribirse $m_1 a_1 + m_2 a_2 = 0$.



MASA INERCIAL

1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$
- Relación que puede escribirse $m_1 a_1 + m_2 a_2 = 0$.
- Si llamamos $f_1 = m_1 a_1$ y $f_2 = m_2 a_2$, resulta



MASA INERCIAL

1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$
- Relación que puede escribirse $m_1 a_1 + m_2 a_2 = 0$.
- Si llamamos $f_1 = m_1 a_1$ y $f_2 = m_2 a_2$, resulta
- El conocido principio de acción y reacción.



MASA INERCIAL

1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$
- Relación que puede escribirse $m_1 a_1 + m_2 a_2 = 0$.
- Si llamamos $f_1 = m_1 a_1$ y $f_2 = m_2 a_2$, resulta
- El conocido prinipio de acción y reacción.

2 Observación Experimental

- Un cuerpo que no interacciona o se encuentra en equilibrio:



MASA INERCIAL

1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$
- Relación que puede escribirse $m_1 a_1 + m_2 a_2 = 0$.
- Si llamamos $f_1 = m_1 a_1$ y $f_2 = m_2 a_2$, resulta
- El conocido principio de acción y reacción.

2 Observación Experimental

- Un cuerpo que no interacciona o se encuentra en equilibrio:
- No cambia su movimiento $\Rightarrow \vec{a} = 0$



MASA INERCIAL

1 Observación Experimental: Cualquiera sea la interacción entre 2 cuerpos

- $a_1/a_2 = a'_1/a'_2 = a''_1/a''_2 = m_{21} = \text{cte.}$
- $a_1/a_3 = a'_1/a'_3 = a''_1/a''_3 = m_{31} = \text{cte.}$
- $a_2/a_3 = a'_2/a'_3 = a''_2/a''_3 = m_{32} = m_{31}/m_{21} \text{ cte.}$
- Relación que puede escribirse $m_1 a_1 + m_2 a_2 = 0$.
- Si llamamos $f_1 = m_1 a_1$ y $f_2 = m_2 a_2$, resulta
- El conocido principio de acción y reacción.

2 Observación Experimental

- Un cuerpo que no interacciona o se encuentra en equilibrio:
- No cambia su movimiento $\Rightarrow \vec{a} = 0$
- La interacción se cuantifica mediante $f = ma$



Movimientos Relativos

TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?



Movimientos Relativos

TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
 - Sean O y O' los origenes de dos sistemas de referencia



Movimientos Relativos

TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
 - Sean O y O' los origenes de dos sistemas de referencia
 - tal que \vec{R} define el vector posición de uno respecto al otro



Movimientos Relativos

TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
 - Sean O y O' los origenes de dos sistemas de referencia
 - tal que \vec{R} define el vector posición de uno respecto al otro
 - Si la posición de un objeto desde O' es \vec{r}'



Movimientos Relativos

TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
 - Sean 0 y $0'$ los orígenes de dos sistemas de referencia
 - tal que \vec{R} define el vector posición de uno respecto al otro
 - Si la posición de un objeto desde $0'$ es \vec{r}'
 - La posición del mismo objeto desde 0 es \vec{r}



Movimientos Relativos

TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
 - Sean 0 y $0'$ los origenes de dos sistemas de referencia
 - tal que \vec{R} define el vector posición de uno respecto al otro
 - Si la posición de un objeto desde $0'$ es \vec{r}'
 - La posición del mismo objeto desde 0 es \vec{r}
 - de forma tal que $\vec{r} = \vec{r}' + \vec{R}$



Movimientos Relativos

TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
 - Sean O y O' los orígenes de dos sistemas de referencia
 - tal que \vec{R} define el vector posición de uno respecto al otro
 - Si la posición de un objeto desde O' es \vec{r}'
 - La posición del mismo objeto desde O es \vec{r}
 - de forma tal que $\vec{r} = \vec{r}' + \vec{R}$
- Siendo $\vec{V} = d\vec{R}/dt$, se obtiene
 - $x = x' + x_0 + V_x t$



Movimientos Relativos

TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
 - Sean O y O' los orígenes de dos sistemas de referencia
 - tal que \vec{R} define el vector posición de uno respecto al otro
 - Si la posición de un objeto desde O' es \vec{r}'
 - La posición del mismo objeto desde O es \vec{r}
 - de forma tal que $\vec{r} = \vec{r}' + \vec{R}$
- Siendo $\vec{V} = d\vec{R}/dt$, se obtiene
 - $x = x' + x_0 + V_x t$
 - $y = y' + y_0 + V_y t$



Movimientos Relativos

TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
 - Sean O y O' los orígenes de dos sistemas de referencia
 - tal que \vec{R} define el vector posición de uno respecto al otro
 - Si la posición de un objeto desde O' es \vec{r}'
 - La posición del mismo objeto desde O es \vec{r}
 - de forma tal que $\vec{r} = \vec{r}' + \vec{R}$
- Siendo $\vec{V} = d\vec{R}/dt$, se obtiene
 - $x = x' + x_0 + V_x t$
 - $y = y' + y_0 + V_y t$
 - $z = z' + z_0 + V_z t$



Movimientos Relativos

TRANSFORMACIONES DE GALILEO

- ¿Como se describe el movimiento desde dos sistemas de referencia?
 - Sean O y O' los orígenes de dos sistemas de referencia
 - tal que \vec{R} define el vector posición de uno respecto al otro
 - Si la posición de un objeto desde O' es \vec{r}'
 - La posición del mismo objeto desde O es \vec{r}
 - de forma tal que $\vec{r} = \vec{r}' + \vec{R}$
- Siendo $\vec{V} = d\vec{R}/dt$, se obtiene
 - $x = x' + x_0 + V_x t$
 - $y = y' + y_0 + V_y t$
 - $z = z' + z_0 + V_z t$
 - con $t = t'$



Movimientos Relativos

RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia



Movimientos Relativos

RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
 - Es aquel donde valen las Leyes de Newton



Movimientos Relativos

RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
 - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
 - Son todos equivalentes \Rightarrow ninguno es privilegiado



Movimientos Relativos

RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
 - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
 - Son todos equivalentes \Rightarrow ninguno es privilegiado
 - Covariantes según las transformaciones de Galileo



Movimientos Relativos

RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
 - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
 - Son todos equivalentes \Rightarrow ninguno es privilegiado
 - Covariantes según las transformaciones de Galileo
 - $v = \infty$ es la que es igual en todos



Movimientos Relativos

RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
 - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
 - Son todos equivalentes \Rightarrow ninguno es privilegiado
 - Covariantes según las transformaciones de Galileo
 - $v = \infty$ es la que es igual en todos
 - Electromagnetismo !! $\Rightarrow v = c$ es finita.



Movimientos Relativos

RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
 - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
 - Son todos equivalentes \Rightarrow ninguno es privilegiado
 - Covariantes según las transformaciones de Galileo
 - $v = \infty$ es la que es igual en todos
 - Electromagnetismo !! $\Rightarrow v = c$ es finita.
- Sistemas No-Inerciales
 - Sistemas acelerados



Movimientos Relativos

RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
 - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
 - Son todos equivalentes \Rightarrow ninguno es privilegiado
 - Covariantes según las transformaciones de Galileo
 - $v = \infty$ es la que es igual en todos
 - Electromagnetismo !! $\Rightarrow v = c$ es finita.
- Sistemas No-Inerciales
 - Sistemas acelerados
 - $f^* = -ma^*$



Movimientos Relativos

RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
 - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
 - Son todos equivalentes \Rightarrow ninguno es privilegiado
 - Covariantes según las transformaciones de Galileo
 - $v = \infty$ es la que es igual en todos
 - Electromagnetismo !! $\Rightarrow v = c$ es finita.
- Sistemas No-Inerciales
 - Sistemas acelerados
 - $f^* = -ma^*$
 - $p = f^*$



Movimientos Relativos

RELATIVIDAD ESPECIAL Y GENERAL

- Sistema Inercial de Referencia
 - Es aquel donde valen las Leyes de Newton
 - Son todos equivalentes \Rightarrow ninguno es privilegiado
 - Covariantes según las transformaciones de Galileo
 - $v = \infty$ es la que es igual en todos
 - Electromagnetismo !! $\Rightarrow v = c$ es finita.
- Sistemas No-Inerciales
 - Sistemas acelerados
 - $f^* = -ma^*$
 - $p = f^*$
 - Principio de Relatividad General



REFERENCIAS

- Juan G. Roederer. Mecánica Elemental. Eudeba.



REFERENCIAS

- Juan G. Roederer. Mecánica Elemental. Eudeba.
- Feynman, Volumen 1, Pearson Education.



REFERENCIAS

- Juan G. Roederer. Mecánica Elemental. Eudeba.
- Feynman, Volumen 1, Pearson Education.
- Resnick , Halliday, Krane. Fisica. Volumen I y II. 4° edición CECSA.

